

Problème:

Toute suite finie d'entiers peut être décomposée de manière unique en une suite de séquences strictement croissantes maximales. En représentant une suite dans un tableau `tab`, le tableau:

`tab ← [1 2 5 7 2 6 0 5 2 4 6 7 8 9 3 4 6 1 2 7 8 9 4 2 3 1 5 9 7 1 6 6 3]`

se décompose ainsi en le tableau de 13 tableaux d'entiers suivant :

```
[ [1 2 5 7]
  [2 6]
  [0 5]
  [2 4 6 7 8 9]
  [3 4 6]
  [1 2 7 8 9]
  [4]
  [2 3]
  [1 5 9]
  [7]
  [1 6]
  [6]
  [3] ]
```

Question 1:

Écrire une fonction de rupture qui, étant donné un tableau `tab` d'entiers, renvoie un tableau contenant 0 en premier élément et les indices des éléments de `t` inférieurs ou égaux à leur prédécesseur en ordre croissant. Pour le tableau donné en exemple, la fonction renvoie le tableau :

```
[0 4 6 8 14 17 22 23 25 28 29 31 32]
```

Question 2

Écrire une fonction factorisation qui, étant donné un tableau `t` d'entiers, renvoie un tableau bidimensionnel d'entiers, dont la i -ème ligne contient la i -ème séquence croissante de nombres adjacents dans le tableau `tab`. Indication : on pourra utiliser la fonction rupture pour déterminer le nombre de lignes et la taille de chaque ligne de ce tableau bidimensionnel.